

4
43.

EXAMEN THEORIÆ
CELEBERRIMI A GOETHE
DE COLORIBUS PHYSIOLOGICIS,

QUOD,

CONSENTIENTE AMPLISSIMA AD UNIVERSITATEM ABOËNS,
FACULT. PHILOS.,

PRÆSIDE
M. GUST. GABR. HÄLLSTRÖM,

*Ordin. Imper. de S. to Wladim. in quarta classe Equite,
Physices Prof. Publ. Ordin.,
Reg. Acad. Scient. Stockholm. Membro,*

PRO GRADU PHILOSOPHICO

P. P.

JOHANNES FABRITIUS,
Stib. Pub., Wiburgensis,

in Auditorio Jurid. d. XXI Junii 1819,
horis a. m. solit.

PARS II.

ABOÆ, Typis FRENCKELLIANIS.

III. Attente, diutius (tempore 30" vel 60") atque immoto oculo adspiciatur circulus parvus albi coloris in plano griseo pictus. Remoto dein ad aliud ejusdem plani punctum inspiciendum oculo, sponte ibi apparebit imago ejusdem circuli, nigrum referens colorem. Contra vero si niger ipse est circulus adspectus, alba apparebit ejus imago.

Non ignorat *a Goethe* hæc facile posse ex natura oculi explicari. Docet namque illum experientia, oculum a lumine diutius & intentius agente fatigari, adeo ut illus retina in loco imaginis albæ partem sensibilitatis suæ amittat, quo facto parcus lumen a considerato plano griseo in partem retinæ fatigatam debilius, in partem vero reliquam fortius, agit, unde defectus luminis, hoc est, nigrities in loco imaginis albæ sentierur, spatio illam circumdante reliquo vividius affecto atque ideo clarius perspecto. Simile quid accidit in casu contrario, ubi retina in imagine circuli nigri parciore lumine afficiebatur, adeoque minus, quam reliqua ejus partes, ibi fatigabatur, qua propter maiore sua sensibilitate vividius hoc loco dein excipit lumen plani grisei, unde sensus imaginis albæ oritur.

Hanc explicandi rationem *a Goethe* sibi aliquatenus quoque placere faretur; cum vero hujus generis plura, mox commemoranda, considerat, quæ quidem ab ipsa heterogeneitate lucis necessario fluunt, atque sic *Newtoni* systema aperte confirmant, ignorantiam applicationis ejusdem principii, ad reliqua quoque facile instituendæ, vel prodens vel simulans, se ad ea ex altiori tonte deducenda cogi perhibet. Illud vero altius petitum principium consistit in supposititio aliquo, nescio quo, oculo gratis tributo, numquam vero clare intellecto vel intelligendo oppositionis

tionis amore, quo contrarium sibi propositi objecti sponte sectetur hicce oculus, & vi quadam physiologica producendum requirat, unde tenebras a luce & lucem a tenebris gigni pervicaciter praestolatur. — Cuinam, quælo, & quo æstimatori suspectum non videbitur hocce, obscurarum licet fictionum involucris obiectum, rem claram confundendi studium, quo illud intendi appetet, ut vis systematis Newtoniani ultro protrudens avertatur?

IV. Sicut imagines objectorum albi & nigri coloris aliquamdiu in oculo sensibiles permanent, ita etiam idem circa imagines objectorum varios babentium alios colores observatur, distinctiore hic apparente oppositionis ratione. Tabulæ scilicet albæ mediocriter illuminatae apponantur objectum paruum vivide coloratum, quod attente & non averso oculo diutius (tempore 30" vel 60") adspiciatur, quo facto objectum hoc auferatur, oculus vero immotus teneatur in eundem ac antea directus locum, ubi spectrum ejusdem cum objecto viso formæ, aliis vero coloris, animaduertitur. Si alio quoque tabulæ puncto advertitur oculus, simile ibi apparet spectrum, quod scilicet imaginis in oculo residuæ debetur. Hac ratione

adspicio	apparet
objecto:	spectrum:
violaceo,	flavum,
caeruleo,	aurantiacum,
viridi,	rubrum,
flavo,	violaceum,
aurantiaco,	caeruleum,
rubro,	viride,

Quo rationem horum phænomenorum reddat a Goethe, brevissime solummodo explicationis loco asserit: unum colorem

colorem requisitum ab altero requiri; colorem simplicem requirere compositionem alium, & contra; oculum totalitatem exigere, atque totam in se ipso complecti seriem colorum; colorem rubrum & caeruleum in requisito ab iis violaceo contineri, flavum & rubrum in aurantiaco, cui cæruleus responderet; colorem viridem, qui rubrum requirit, cæruleum & flavum conjungere, & sic in reliquis colorum variationibus & mixtionibus; quæ quidem omnia ad intelligendam rationem phænomenorum horum parum valent. Systemati scilicet a se recepto minime favislet, si aperte significasset, veram eorum & sufficientem explicationem, ipsi conformem theoriæ colorum Newtonianæ, quæ quoque his vicissim optime confirmatur, facile posse proponi, sicut illam paucis jam indicavit Cl. Darwin (*), etiam si hic quoque dispositionis spontaneæ, qua se oculus fatigatus ad contrarium agendi modum ipse pellit, mentionem iniciat.

Ope lentis vitreæ convexæ colligit Newton radios lucis, per refractionem in prisme vitro peractam separatos, diverse coloratos & heterogeneos, qui denuo, si omnes coniungebantur, album gignebant lumen; si vero aliquis eorum ab obstaculo quodam intercipiebatur, reliqui inter se mixti colorem quendam ostendebant inde resultantem, cui color radii intercepti, huicque resultans, instar compleimenti erat habendus, qui addi deberet antequam album oriretur lumen (**). Hac ratione innotuit, ex radiis omnibus heterogeneis, album conjunctim efficientibus lumen, B 2 demto

(*) In *Philosophical Transact. of the Royal Society of London*, Vol. 76, for the year 1786, Part. 2, p. 327 &c.

(**) *Newtoni Optic. L. I, P. 2, Prop. 5.*

demto colore	resultare colorem
violaceo	flavum,
caeruleo	aurantiacum,
viridi	rubrum,
flavo	violaceum,
aurantiaco	cæruleum,
rubro	viridem;

quæ quidem relatio colorum, eundem præcise servans ordinem, qui in spectris antea recensitis coloratis, a Darwin spectra ocularia reversa appellatis, observatur, facilem horum & ex natura rei profluente supeditat explicationem.

Docet namque experientia, oculum a colore aliquo diutius adspecto ita fatigari, ut veram tandem coloris hujus indolem non valeat percipere, hunc vero statum illius fatigatum non impedire, quominus tamen mox reliquos colores omnes, excepto fatigante, optime distinguat. Si igitur, manente statu hoc fatigato, oculum intret radii lucis varie colorati, ab illo, cuius color eum nuper fatigaverat, parum vel nihil afficitur, unde ille oritur effectus, quasi color lucis fatigantis a reliquorum numero, qui soli in oculum agerent, omnino evanisset. Ita, si ex gr. color ruber oculum nuper fatigaverat, atque æquales viridis & rubri coloris partes ei mox offerantur; viridis ille, qui eum nulla vi antea affecerat, fortius quam ruber agit, & igitur sua vi ita supereminet, ut viridis in oculo percipiatur imago visi corporis albi, quæ eadem ratio omnium reliquorum colorum obtinet. Si vero jam lumen album, uti Newtoni requirit colorum theoria, ab omnibus diverse coloratis radiis in data quadam ratione compositum est, idemque oculum intret, eundem ibi exserat, necesse est, effectum, ac si separati, cum suo quivis colore, oculo admissi fuissent lucis radii. Hoc igitur lumen in oculo, qui nuper est fatigatus

a radiis	producet sensum
violaceis,	coloris
caeruleis,	flavi.
viridibus,	aurantiaci.
flavis,	rubri.
aurantiacis,	violacei.
rubris,	cærulei.
	viridis.

Hæc vero ipsa illa sunt colorum phænomena, quæ vera oriri ostendit experientia, unde sponte fluit conclusio, eadem ex theoria colorum Newtoniana recte esse explicata, atque hanc vicissim confirmari. Hæc quoque confirmatio ideo non est superflua, quia ratio experimenta cum radiis dispersis, in unum ope lentis convexæ colligendis, instituendi difficultate sua non caret.

Quamquam vero difficultia sint factu hæcce experimenta, secundum illa ipsa tamen condidit Newton (*) regulam empiricam, qua determinari potest color, a datis coloribus inter se data proportione mixtis ortus, quæ guidem regula exactissime quoque eadem præbet colorum phænomena, quæ in spectris memoratis re vera observantur. Colores igitur novos, e conjunctione plurium colorum datorum oriundos, secundum hanc regulam determinasse, eo magis ad illustrandam materiem pertinebit, quod gradus quoque varios & intensitatem, quæ non raro adeo est parva ut albedinem sere referat, illa præbeat.

Dividatur eum in finem peripheria circuli, cujus radius = 1, in partes septem, hanc proportionem inter se, huncque ordinem, sequentes: $\frac{1}{9}, \frac{1}{16}, \frac{1}{25}, \frac{1}{36}, \frac{1}{49}, \frac{1}{64}, \frac{1}{81}$, quæ igitur hos complectuntur eodem ordine gradus: 60°

(*) Optice, Lib. I, Part. II, Propos. VI.

60°.	45°.	34"
34.	10.	38
54.	41.	1
60.	45.	34
54.	41.	1
34.	10.	38
60.	45.	34.

Considerentur hæc partes peripheriæ originarios heterogeneæ lucis colores ita allato ordine repræsentare, ut omnes gradus intensitatis transeundo numerentur ab initio coloris rubri ad initium

aurantiaci . .	60°.	45°.	34",
flavi . .	94.	56.	12,
viridis . .	149.	37.	13,
cærulei . .	210.	22.	47,
indici . .	265.	3.	48,
violacei . .	299.	14.	26,
rubri . .	360.	0.	0.

In centro jam gravitatis quorumcunque horum arcuum ita posita assumatur quantitas partium coloratarum, quæ novum mixtione gignant colorem, ut quivis color originarius arcum occupet suo nomine insignitum, omniumque horum arcuum commune queratur centrum gravitatis; quod, si in centrum circuli incidere reperietur, indicat colorem a mixtione resultantem esse album, si vero a centro circuli aberret, ostendit eum a mixtione originari colorem, quem habet illud punctum peripheriæ, ubi linea per centrum circuli & commune centrum gravitatis arcuum ducta peripheriæ occurrit. Distantia a centro circuli ad centrum gravitatis in hac linea sumta proportionalis est vivacitati atque plenitudini coloris resultantis, residuum

siduum vero ejusdem linea proportionale albedini, quæ colori resultanti censembitur admixta.

Si jam, vestigia sequentes Cel. Biot (*), coordinatis orthogonalibus determinamus centrum gravitatis arcum commune, summis abcissa x in illo diametro, qui per punctum divisionis inter colorem rubrum & violaceum ducitur, versus idem hoc punctum ex centro circuli positive numerata, & ordinata y versus illam circuli partem positiva, quæ arcum continet flavi coloris, notataque quantitate

coloris rubri signo . .	r ,
aurantiaci . .	a ,
flavi . .	f ,
viridis . .	v ,
cærulei . .	c ,
indici . .	i ,
violacei . .	u ;

habetur ex mechanicis centrum gravitatis determinandi principiis:

$$x = [0,822840(r+u) + 0,207398(a+i) + 0,513992(f+c) - 0,953796.v] : [r+a+f+v+c+i+u];$$

$$y = [0,482350(r-u) + 0,963163(a+i) + 0,813736(f-c)] : [r+a+f+v+c+i+u].$$

Si igitur linea a centro circuli ad centrum gravitatis jam determinatum ducta, cum axi abscissarum angulum constituit = A , & distantia inter hæc centra ponitur = Δ , erit

Tg

(*) *Traité de Physique expérimentale & mathématique*, Paris 1816,
T. III, p. 447, §.

Tang. $A = \frac{y}{x}$, seu etiam $\sin A = \frac{y}{\sqrt{x^2 + y^2}}$, & $\cos A = \frac{x}{\sqrt{x^2 + y^2}}$, nec non $\Delta = \frac{y}{\sin A} = \frac{x}{\cos A} = \sqrt{x^2 + y^2}$, quibus inventis exprimet $1 - \Delta$ quantitatem albedinis, qua afficitur color e mixtione resultans.

Hæ vero æquationes ad colores, de quibus disserimus, determinandos ita sunt applicandæ, ut coloris illius, quem attente considerat observator, valor sumatur evanescens, quo facto sequentia habentur;

	Color consideratus	Evanescens	x	y	A
I.	Ruber	r	- 0 16707	- 0 09794	210°.23'
II.	Aurantiacus	a	- 0,02 75	- 0,10103	257.51
III.	Flavus	f	+ 0 09206	- 0 14574	302.17
IV.	Viridis	v	+ 0 19367	0	0
V.	Cæruleus	c	+ 0 09206	+ 0,14574	57.43
VI.	Indicus	i	- 0 02175	+ 0 10103	102.9
VII.	Violaceus	u	- 0,16707	+ 0 09794	149.37

unde hæc determinantur cum observatis exactissime convenientia:

	Δ	Color resultans & observatus:
I.	0,1937	Medius inter viridem & cæruleum.
II.	0,1035	Cæruleus ad indicum parum vergens.
III.	0,2729	Violaceus ad indicum vergens.
IV.	0,1937	Medius inter violaceum & rubrum.
V.	0,2729	Medius fere inter rubrum & aurantiacum.
VI.	0,1035	Flavus ad aurantiacum vergens.
VII.	0,1037	Medius inter viridem & flavum.