

DISSERTATIO ACADEMICA  
DE  
*METHODI LOGICÆ*  
IN  
*SYNTHEticam & ANALYTICAM*  
*DIVISIONE,*

---

QUAM,

CONS. AMPL. FAC. PHILOS. AB.

AD PUBLICUM DEFERT EXAMEN

*Mag. GABRIEL PALANDER,*  
*Hist. Litt. Professor P. O. & Biblioth. Acad. Praefectus,*

RESPONDENTE

*JOH. SAM. STENBÄCK,*  
*Ostrobothniense,*

In Audit. Philos. d. XXIX Maji MDCCXIII.

b. a. m. f.

---

*ABOÆ, TYPIS FRENCKELLIANIS.*



**Q**uamvis absoluta, rationis essentiam constituens, veri idea  
una sit & æternum indissolubilis, suo quasi gremio involu-  
ta gerens innumerarum, e communi stirpe progerminantium, se-  
mina veritatum, attamen ejus in particularibus quibusvis re-  
currentem mens finita concipere haud valet imaginem, nisi  
hoc ipsum  $\delta\gamma\pi\alpha\pi\alpha\pi\alpha$  in sua resolvatur elementa, eo nimurum  
pacto ordinanda denuque conjugenda, ut quod ex his con-  
textum exsurgit, cohærentis optime articulationis speciem re-  
ferens, objectum conscientiae (des Bewustseyns) evadere que-  
at. Hæc vero cognitionis articulandæ ministeria agit intelle-  
ctus, quippe cujus id est proprium, ut, quicquid in imo ratio-  
nis fundo potentialiter tantum contineatur, peculiari sua arte  
evolvat & actualem quasi induat existendi formam. Hunc spe-  
stant scopum formalia, quæunque Logice tradit, perficiendæ  
cognitionis præcepta. Quotum genuina vis & indoles cum ex  
aboluta veri idea non possit non pendere, minime equidem  
est ut miremur, artissimis commerciorum cohærente vinculis,  
ex communi radice profandas, materiam scil. & formam cogni-  
tionis universæ. Cujus intimæ conjunctionis impressos sibi fer-  
vant

vans characteres tum universa ars cogitandi, tum singuli ejusdem per infinitum cognitionis campum adplicandi modi. Unde facile colligas, ex constitutis bene methodi notionibus laeti haud parum iis esse exspectandum, qui cognitionis universæ perspiciendo penitus organismo delectantur. Quamobrem & nos, aliquod dicati disciplinis Philosophicis studii edituri specimen, quoniam Lectorum diffidere æquitati iniquum arbitramur et inhumanum, hanc nobis haud indignanter concedendam præstolamur veniam, ut nostram, acutiorum utcunque exspectatione leviorem, *de vulgata illa Methodi Logicae in Syntheticam & Analyticam divisione, lucubratiunculam publicæ submittamus censuræ.*

## §. I.

Quia methodi logicæ is est scopus, ut cognitioni perfectionem logicam, quæ evidentiæ absolvitur & certitudine, consiliet, quinam sit tum evidentiæ tamen certitudinis character logicus, in ipso tractatiuncule limine nobis est definiendum. Nempe in repræsentatione originaria indisolubili cohæret nexus cognitionis materia cum forma, At vero hæc solvit vincula abstractio illa, quæ reflexioni logicæ pandit viam, subjectivum ab objectivo divellens. Ipse enim *conceptus*, formam objecti ab ipsa, cui uest, materia divulgatam exhibens, regulam tantummodo continent mere subjectivam, construendo objecto inservientem. Quare omnis sua vis ex mere subjectivis pendet conditionibus. Quid valeat concepta tibi mente regula, sciscienti aliter satisfieri non posse, quam si novas dederis regulas, ex quibus illius constet ratio, id quidem facile est perspetu. Quod si hæc quoque minus liqueant regulæ, harum redendæ adhuc dum restant rationes. Quo ipso conceptuum resol-

solvendorum negotio omnis continetur, quæ logica audit, Analysis. Unde, cum Analysis Synthesi præsupponat partium componentium, hæc vero vicissim ulterioris contineat Analyticos rationes, facile colligitur, infinitum omnino esse in Analysis logica a conceptibus, qui magis compositi audiunt, ad simpliciores regressum, ideoque in foro logico, conceptus simplicis nullam, quæ non implicet mirum in modum, constitui posse notionem. Infinitum igitur est & ineluctabile opus, quæ secundum præcepta Logices peragitur, conceptum determinatio. Derivata nimur est omnis, quæ intra cogitandorum sphærā cadit, evidentiæ ipsa vero derivandi principia cogitatione nequeunt concipi. Præsumendi hinc & postulandi necessitas enascitur subjectiva. Quibus præstructis facile est ad videndum, aut nullam esse Methodum sic dictam logicam, aut in eo omnem versari, ut ex assumtis & concessis quæ demum consequantur componat. Præsumptionis vero genuinæ character nullis mere subjectivis conceptum formis includi potest. Ea enim, quam loquimur, præsumtio hoc postulat, ut quicquid in objecto repræsentationis insit determinationum, id quoque omne in ipso ejus conceptu expressum immediate, s. nullis adjutus regulis, agnoscas & perspicias. Quippe quæ conceptus cum objecto conjunctio nulla esse potest, nisi ipsum intuearis constructi actum, in quo immediate cohæret ipsa, secundum quam constructio peragitur, regula cum eo, quod conficitur, objecto. a) Quæ ipsa constructionis intuitio cum Schematis veniat

<sup>a)</sup>) Hunc evidentiæ immediate respicit fontem, re magis quam verbis nobiscum concinens, G. M. KLEIN, ita nimur egregie disserens: *Alles Wissen ist ein geistiges Produzieren des Gewussten, und jeder Mensch vermag nur so viel wahrhaft zu verstehen, als er selbst in sich zu produzieren, oder selbstständig in sich zu bilden im Stande ist;*

nomine, ex Schematismo conceptum omnis adeo pendet cognitionis evidentia, ut hoc sublato non nisi sensu vacuae remaneant conceptum formæ, nullam proflus, intra quam adpli- cari queant, sphæram objectorum inventuræ. Neque ab hoc diverso nititur fundamento cognitionis certitudo. Hæc enim pariter in foro subiectivo vel mediata ponitur vel immediata. Illa iis inest propositionibus, de quarum veritate ex demon stratione pendet persuasio, hæc vero ipsis demonstrandi principiis, quæ hoc tantum sensu indemonstrabilia dici posunt, quod eorum ratio ex ipso constet conceptum Schematismo. Ex al latis vero facile perspicitur, omnis veræ cognitionis, objective consideratae, eandem esse & evidentiam & certitudinem, ex communi scil. fonte, citra omnem definiendi demonstrandique adparatum logicum, repetendam, in tubj & diva tantum cognitionis conformatio ne, (ruptis per reflexionem organi mi vinculis, quibus singula cognitionis elementa ita cohaerent, ut singula per universa & vicissim universa per singula determinen tur) infinitum suboriri dependentiae minime reciprocæ mecha nismum, in quo alia ipsi evidentiae & certitudinis fonti propria, remotiora ab eodem alia adpareant. Subiectivum hunc cognitionis conformandæ mechanismum in imo mentis fondo alte repositis inniti rationibus innuisse tantum sufficiat; ipsam ve ro ejus formam, quia methodi, in qua definienda versamur, logice continet rationes, diligentius jam e re est expendimus. Nimirum, ut in causarum physicarum mechanismo quicquid con-

---

so wie im Gegentheil der Mangel an Verstand ein Mangel an dieser inneren Produktionskraft ist. Dadurch wird erst alles Verstehen in der Mittheilung durch die Sprache und Rede möglich; indem je mand nur insofern eine Rede begreifen kann, als er die Kraft hat, den Sinn des Gesprochenen in sich selbst zu produziren, und so innerlich anzuschauen. Verstandeslehre. Bamberg, 1810, §. 55.

contineatur, si ad præcedentia referatur, effecti, sive ad consequentia, efficientis subeat vicem, simulque determinatum per illa, hæc vero determinans, cogitetur, ideoque terminum quasi constitutum, in quo duæ sibimat invicem oppositæ coherent viæ, quarum altera a determinantibus ad determinata ducit, altera vicissim ab his ad illa reducit, ita quoque in construenda cognitione a quovis ejus elemento duplex data concipitur egrediendi via, altera nempe ad consequentia descendens, altera ad ipsa adsurgens principia. Quarum illa, quia a prioribus ad ea, quæ consequantur dicit, *progressiva*, hæc vero, quæ illi op ponitur, *regressiva* dici consuevit. Quemadmodum vero in serie causarum adornanda methodi progressivæ ea est vis, ut ex causis concurrentibus ipsum componat effectum, regressivæ contra ea, ut in ipso effectu earum, quæ eundem produxer, causarum momenta discernat, ita quoque in cognitionis conformatio ne id progressiva spectat methodus, ut cognitionis vel evidentiam vel certitudinem ex suis colligat conditionibus, regres sivæ vero hoc est proprium, ut tandem in ea, quibus contineatur, elementa determinantia resolvat. Quæ est ratio, cur illa a componendo *Synthetica*, hæc vero, resolvendi notionem involvens, *Analytica* sit appellata. Cujus sic constituti discri minis quo clarius adpareat ratio, ipsam compositionis notionem generalem paucis enodare adgredimur.

## §. II.

In omni compositione ipsum distinguas necesse est compo situm tum ab elementis componentibus tum ab ipso componendi modo. Illa materiam hic vero formam compositionis constituunt. Quas si conjunxeris, exsurgit compositum; sin sustuleris alterutram, minime succedit ipsum componendi consilium. Unde,

de, si, quicquid compositi determinet naturam elementum compositionis adpellare licet, per se patet, in omni compositione praeter ea, quae meminimus *materialia*, adesse aliquod *formale* elementum, ex quo ipsum pendeat compositum. Sic, si e. gr. queratur numerus ex numeris 3 & 5 componendus, quæstus minime liqueat, nisi prius ipsa fuerit definita componendi forma, pro cuius diversitate diversum resultat compositum. Quod si propositi addantur numeri, prodibit summa:  $3+5=8$ , siaducantur in se invicem, productum  $3 \times 5=15$ . Quippe in utroque casu eadem obveniunt elementa materialia, numeri scil. 3 & 5, at diversitas componendi rationis, diversitate signorum + &  $\times$  expressa, ut diversi quoque exsurgent numeri, efficit. Jam vero, quia ipsa componendi materia ante ipsam compositionem non poscit non adesse, ipsaque illa, per quam determinatur, forma prior cogitetur, hunc servet quisque genuinum in componendo ordinem, ut ex materialibus incipiat elementis, deinceps ad formalia progrediatur, in id demum, quod ex his constat, destinens. Quæ generaliter præcepta simplicissimo, ex ipsa tractationis nostræ materia de pronto, demonstrationis nimirum Syllogisticæ exemplo abunde illustrantur. Sunto igitur A & B præmissæ, C conclusio Syllogismi. Unde, cum sit scopus Syllogismi, ex ea, quæ præmissis inest, certitudine, conclusio. nis confidere certitudinem, vel primo patet intuitu, conclusio. nis demonstrandæ certitudinem ex binis pendere elementis ma. terialibus, certitudine scilicet utriusque præmissarum A & B. Minime vero hisce conditionibus constat certitudo conclusio. nis. Hæc enim non valet, nisi simul liqueat, genuinam esse concludendi formam, sive, quod eodem redit, eum esse præ. missas inter & conclusionem nexus, ut posita illarum veritate hæc falsa esse nequeat, adeo ut indubie sit veritatis hæc enuntiatio hypothetica: Si fuerint veræ propositiones A & B, erit quoque propositio C vera. Cujus enuntiationis certitudo formale coailuit elementum, certitudinem conclusionis deter.

mi.

nans. In ipsa autem demonstrationis synthesis tres comparent gradus, quorum in primo præmissarum certitudo præstruitur, in altero earundem cum conclusione nexus conspicitur, in tertio denique conclusionis certitudo exsurgit.

Quod si jam *magis compositum* id dicatur, quod ex omnibus iisdem atque suum, cui opponitur, correlatum (minus compositum scil. f. *simplicius*) & insuper aliis quibusdam pendeat conditionibus, absque omni mera perspicitur, eam esse methodum compositionis, qua a simplicioribus pergitur ad ea, quæ magis sunt composita. Unde, quem sibi proprium vindictet resolutio ordinem, clare eluet.

## §. III.

Jam vero, quo sensu quibusve cautionibus constituta sic compositionis notio ad definiendum methodi logicæ characterem adhiberi queat, dispiciendum. In efficienda cognitionis vel evidantia vel certitudine omnem versari methodum logicam supra monuimus. Quo eautum voluimus, ne ullum cognitionis colligendæ vel ingenerandæ modum nostra putetur spe. cttare tractatio. Non enim ipsa spectatur cognitio, sed potentia quædam cognitionis mere subjectiva, evidentia & certitudine constans. Hujus scil. potentiae, non ipsis cognitionis, quæ sit synthesis, nostrum est inquirere. Sic in Syllogismo præmissæ minime componunt conclusionem, sed ipsæ præmissarum potentiae potentiam conclusionis. Quippe in hujus certitudine diversa distinguuntur momenta, quorum unum unius præmissæ alterum alterius debetur certitudini. Neque secus evidentia conceptus cujusvis ex iis componitur evidentiæ momen. tis, quæ partialibus inest, qui eundem componunt, concepti. bus,

bus. Quod si duo illa potentiarum genera, *evidentiae* nimirum & *certitudinis*, ita distinguamus, ut *evidentiam*, quæ & ex definitione pendet & definiendo inservit, *definitivam*, certitudinem vero, quæ omnis demonstrationis & est fundamentum & summa, *demonstrativam* adpellamus cognitionis potentiam; *Synthetica* methodus ab *Analytica* eo differt, quod illa continat progressionem a cognitionibus, quibus simplicior inest potentia (sive definitiva sive demonstrativa) ad eas, quæ magis composita gaudent potentia, hæc vero ordine inverto faciendum ab his ad illas regresum, observato nimirum simplicioris & magis compositi discrimine mere subiectivo.

## §. IV.

Ex ipsa igitur cognitionis īdole *objectiva* inepte peti methodi characteres, quanvis ex disputatis liqueat, fusius jam exponere minime videtur incommodum. Nimirum temere adseritur, a cognitione simpliciori ad magis compositas *Synthetica* ducere methodum. Quippe hæc adsertio, quo demum cunque sumatur sensu, exceptionibus est obnoxia. Quod si simpliciorem eam adpelles cognitionem, quam simplicior produxerit intellectus operatio, quæ exinde pendet differentia conceptum, judiciorum & ratiocinationum, ea quidem Methodi minime tangit rationes. Etenim in *Synthetica* pertractione minime sufficit, a conceptibus ad conceptus, a judiciis ad judicia progredi, sed vero subinde requiritur, ut, tum ab exponentibus conceptibus ad propositiones monstrandas, tum ab his ad illos, genuinus fiat transitus. Aperte nimirum patet, conceptum non minus pendere veritatem ex adassertione veritate, quam conceptibus inniti fidei adassertionum. Sic quidem, ut exemplo utamur e Logicas disciplina petito, an valeat notio

notio demonstrationis apagogicæ s. indirectæ, minime constat, nisi fides prius facta fuerit isti Theoremati Logico: Quod ea sit vera propositio, cui infinite opposita adsertio ad falsum aliquod consequens perducat. Neque per cognitionis materiam aptius determinari potest Methodi natura. Quia enim ex elementis Logices constat, conceptum, qui respectu notarum componentium simpliciores sint censendi, ampliorem esse applicandi ambitum, ideoque, quæ uno respectu simplicior est cognitione, eadem altero respectu magis composita non potest non haberi, ambigua evadit ipsa ejus, quæ cognitioni adscribitur, simplicitatis notio. b) Quare principij minime dignitatem tueri valet. Quod abunde probat Syllogismus Categoricus, cognitionis simplicioris evidentiam ex cognitionum magis com-

B

po.

b) Ne vero cui videatur supervacanea hæc observatio, unicum afferre expediet exemplum, enatas ex illa, quam exposuimus, vocabuli ambiguitate disensionum nubes ineptiasque spectans. Ita nimirum DAN. WITTENBACHUS: *Magna enim est expurgandi materia, & incredibile dictu, quam sunt graves errores in pervulgato recentiorum usus veluti, quum, contra communem sensum & verborum naturam, Syntheticam vocant methodum, quæ dividit, Analyticam contra, quæ componit.* V. *Præcepta Philosophiae logicæ Amst. 1781. Præf. pag. ult.* Quæ sic ab ipso jactata offensionis materia suam de utraque methodo sententiam cognoscendi haud leve movet desiderium. Cum omnis nostra cognitio, inquit, proficiscatur a sensibus, per quos individua nobis innotescunt, & individuorum comparatione Formas, formarum comparatione Genera efficiamus, eaque ratio, quod in comparando versatur, *Synthetica* dicta sit, intelligitur, mentem suapte natura *Synthetica* Methodum sequi, eaque ad universales ideas pervenire. — Contrarium est iter Analyticæ Methodi, quæ ab universalibus initium dicit & ad peculiaria progreditur, dividendo Genera in suas Formas, & Formas in minores Formas atque individua. L. c. p. 84. De quo ab ipso constituto Methodi discrimine quid nostra ex mente sit statuendum, sequentia mox dabunt.

positarum evidētia colligens. Sit e. gr. Syllogismus: O. corpus est grave. Atqui O. lapis est corpus. Ergo O. lapis est gravis. Propositio nempe major, suum cum conclusione participans p̄dīcatūm, hanc extēnsionē superat, non lapidi modo cūivis, sed ceteris quoque corporum speciebus gravitatis notam adscribens. Minor vero, cui commūne est cum conclusione subjectum, eo nomine ipsa amplior eminet, quod lapidibus p̄tēr gravitatē cetera quoque generalia, quācunq; sīnt, corporum attributa competere adstruat. Valet igitur canon vulgatissimus, qui cavendum esse urget, ne plus sit in conclusione, quam fuerit in p̄missis, eo demum usque, ut in singulis p̄missis non posse non inesse plus quam in ipsa conclusione. Quare & nullius est frugis illa disceptatio: utrum ab universalibus ad particularia descendat, an ab his ad illa ascendet methodus Synthetica. Quippe neutram spernit viam, utraque indiscriminatim uētens. In illa nimis rūm vī dīcti de omni & nullo tutis proceditur passibus. Hujus vero exemplum in inductione completa cernit. Quin imo ille inducendi modus, quo utentes naturae scrutatores a singularibus observatis phænomenis ad generales eruentas naturae leges suos componunt gradus, Syntheticus merito adpellatur. Quamvis enim lex generalis objectivam contineat rationem eorum, quae in casu speciali obveniant, tota quanta tamen pendet subjectiva nostra de legis illius veritate persuasio ex fide tum observationum specialium tum ratiocinationum iisdem subinxarum.

## §. V.

Sublata sic omni ambiguitatis materia, qnid involvat tum definitiva tum demonstrativa Synthesi, ultro jam patet. Quippe illius est proprium, evidētiam cognitionis, hujus vero certitudinem ejusdem suis ex elementis confidere. In utraque illud

illud valet, quod supra (§. II.) constituimus, elementorum componendi discriminem, materialium scil. & formalium. Quod si componatur e. gr. conceptus A ex conceptibus B & C, B vero ex  $\alpha$  &  $\beta$ , nec non C ex  $\gamma$  &  $\delta$ , & sic porro; in componenda evidētia conceptus A bina adsunt elementa materialia, unum pendens ex evidētia conceptus B, per notas  $\alpha$  &  $\beta$  determinabilis, alterum ex evidētia ipsius C mediantibus notis  $\gamma$  &  $\delta$  definiendi, quae conjuncta hoc tantum pacto plenam reddunt conceptus A evidētiā, si ipsum, quo ita componantur conceptus A & B, ut conceptum A exhaustant, modum evidenter perspexeris. In qua perspicientia elementum continetur formale evidētiae conceptui A conciliandæ. Idem in demonstrativa obtainere Synthesi, exemplum supra (§. II.) allatum abunde probat, in quo p̄missarū certitudinem materialia continere ostendimus evidētiae conclusionis momenta, minime tamen demonstrationis scopo sufficiura, nisi ex p̄missis conclusionem consequi certo constet. Quare, cum adeo inter se concordent ambo Syntheseos genera, quorum utrumque oppositam sibi respicit Analysis, nostro satisfactum iri consilio confidimus, si demonstrandi Methodum Syntheticam ab Analytica accurate distingueremus.

## §. VI.

In demonstratione Synthetica eae p̄mittuntur propositiones, quarum agnita est veritas, excipiunt vero, quae ex his admisisis veræ esse cognoscuntur. Certa nimis rūm p̄structa cognitione, si, quid ex ea consequatur, p̄videamus, idque ipsius pari gaudere certitudine colligamus, demonstrare dicimus. Omnis igitur demonstratio Synthetica non modo hoc sibi proprium habet, ut 1:o ex elementis certitudinis ad ea, quorum ex his certitudo pendet, progrediatur, sed etiam, ut 2:o ab ele-

mentis materialibus incipiat, & ad formalia procedat. Unde prono fluit alveo, ordinem inversum Analyti demonstrativæ esse adsignandum. Hujus igitur ea sit, necesse est, natura, ut 1:o ab ipsa propositione demonstranda, cuius opinione sola concepta menti obversatur veritas, ad ipsa regrediatur certitudinis elementa, idque 2:o ea lege, ut a formalibus incipiens elementis ad materialia provehatur. Quod si colligatur propositio *A* est *B*, ex propositionibus: *A* est *C* & *C* est *B*, nullum demonstrationis Analyticæ ex eo est capessendum, ut ostendas genuinam esse concludendi formam: sive eum esse nexus inter illam & hasce, ut, sicuti hæ ponantur verae, illa falsa esse nequeat. Quæ formalis conditio certitudinis si fuerit expleta, tum demum pergitur ad evincendam novis argumentationibus propositionum: *A* est *C*, & *C* est *B*, aut utriusque aut alterutrius, nisi antea constet, certitudinem. Procedit igitur demonstratio Analytica ab episylogismis ad prosyllogismos, adsumendo præmissas, ex quibus quod demonstrandum est, confici poslit, eo usque regressura, donec adsumptionibus inhærere poslit, quarum vel immediate perspecta, vel antea synthetice demonstrata fuerit veritas. Multis vero premi difficultatibus hanc ab incertis ad certa regrediendi methodum, est in propagulo. Quippe nullis fere generalibus adjuvatur præceptis. Formalia quidem concludendi elementa Logice subministrat, sed in quam cognitionis regione ipsa querenda sint principia materialia, ad quæ adscendisse juvabit, ex ancipi maxima partem pendet experiundi sorte. Quo in negotio, quicquid egregie successerit, id omne inquirentium sagacitati, quam dedit natura, acuit exercitatio, referas acceptum. Siccine Analyti omnia derogaverim artis subsidia? eam cœca tantum conjectandi præfigiendive fortuna contineri statuerim? Minime vero. Est enim & altera Analyseos species, ab illa, quam descripsimus, mere experimentali non parum diversa, cuius nimirum peculiaris in eo conspicuus est character, quod se-

secundum easdem, atque Synthetica pertractatio, præceptiones formales continue peragatur. Quia vero hujus & frequentissimus est in scientiis usus & egregia exhibit specimen, quam antiqui felicissimo cum successu excoluerunt, Analysis Geometrica, adecuriori ejus expositione minime nobis est superendum.

## §. VII.

Duplex nempe est modus analyticus propositionis, de cuius agitur veritate, certitudinem conficiendi. Etenim in syllogismo p opositio demonstranda aut conclusionis tenet locum aut præmisæ sustinere vicem jubetur. In illo casu experimentum dabit utramque præmissarum, novis, si opus fuerit, ratiociniis demonstrandarum, donec adscendendo ab episylogismis ad prosyllogismos præmissas indagaveris manifesta gaudentes certitudine. In hoc contra ex ipsa, cuius queritur demonstratio, propositione (tamquam vera adsumpta) cum aliis, quarum constat veritas, adscriptionibus consociata, quicquid consequatur colligimus, usque dum a prosyllogismis ad episylogismos proiecti in istiusmodi aliquod inciderimus, quod adsumptionis ejus, ex qua ratiocinandi initium capessivimus, vel falsitatem arguat vel veritatem confirmet. Quod si eam speciem, quæ in hac obtinet disquisitione, ratiocinandi formam, a Synthetica minime discrepat demonstratione: ipsæ vero consequentiae, a precaria pendentes adsumptione, dubiæ remanent certitudinis, nisi demum ad tale perveniri contigerit consequens, quod manifestum veritatis falsitatisve, adsumptioni adscribendæ, contineat argumentum. Hoc igitur quale sit, definiendo, hujusc natura methodi patescit,

Hunc

Hunc in finem ponamus adassertiones: *A, B, C, . . . E, F, G* eo cohædere nexu, ut singulæ ex proxime præcedentibus (*B* nimirum ex *A*, *C* ex *B* & sic porro) mediantibus, quarum manifesta est veritas, propositionibus consequantur, primam vero precario esse adsumtam. Quo pacto liquet, adassertionis *G* mere hypotheticam esse certitudinem, adeo ut hæc tantum valeat enunciatio: Si sit *A* vera, erit quoque *G* vera. Unde per præcepta Logices colligitur, huic *contrapositam*, ut Schola loqui amat, pariter esse veram adassertionem hypotheticam: Si sit *G* falsa, esse quoque *A* falsam. Quod si igitur falsa comprehensa fuerit adsertio *G*, ex adsumtione *A*, de cuius ambigitur veritate, legitimo concludendi modo derivata, evidens adest argumentum falsitatem adsumtæ indicans. At cum ex falsa hypothesi verum derivari posse consequens ex elementis Logicæ constet, ex veritate consequentis *G* adsumtæ *A* veritatem non licet inferre. Sicubi vero ita inter se reciprocantur antecedens & consequens, ut permutatis vicibus alterum in alterius locum substitui queat, spectata in consequenti veritas omnia submovet, quæ adsumtionis certitudini officiant, dubitandi momenta. Hoc vero ipsum obtinet, si reciproca adeo fuerit proxime semet contingentium in serie: *A, B, C, . . . E, F, G*, adassertionum dependentia, ut præcedentium ex consequentibus pariter constet veritas. Experto nimirum, quod *F* ex *G*, *E* ex *F*, e.s.p. inverso derivari ordine possint, tuto colligere licet, posita *G* vera, fieri non posse, quin *A* quoque vera sit. Ibius vero reciproci nexus, cuius continet rationem infinitus cognitionis organismus, obvia ubique Mathesis exhibet exempla. Quin imo cuique artis nobilissimæ perito facile est perspectu, solutis hisce (quod vel fingere maxime est absonum) reciprocationum vinculis, nullam remansuram, hoc dignam nomine, disciplinam. Unde quoque factum putes, ut minime infidum tuto calcans pede solum adfuetus Geometra, suæ nonnumquam methodi aut genuina

ina non satis agnoscat præsidia aut exactas reddere saltim negligat rationes <sup>c)</sup>).

## §. VIII.

Quod si igitur *Conclusiva* dicatur hæc Analyseos species, quæ concludendo ex adsumpta propositione ea inquirit, quæ ipsius adsumtionis falsitatem veritatemve arguant, duæ hujus adcuratius distinguendæ exstant formæ. *Alterius* nimirum, cuius est scopus adsumtæ falsitatem evincere, omnis continetur ratio in elicienda manifesto falsa consequentia. Cujus, ad cavendos explodendosve errores spectans, longe lateque patet impeditus minime usus. Unicum scilicet exemplum, exceptioni esse obnoxiam adsumtionem arguens, ad hanc sufficit explodendam, utque exactius definiendi necessitatem persentias efficit. Hæc igitur Analysis, ne invitæ spuriæ naturæ Physicus, intellectui Logicus obtrudat leges, facile cavebit. Quare & hac continue procedit via, disciplinæ ille parens Logicæ, Aristoteles, falsos concludendi modos, quos τροποιοι vocat ἀσυλλογισμοις, adnotaturus. Altera vero analytice concludendi forma, ab ad-

sum-

<sup>c)</sup> Neque omne tulisse videtur punctum, in describenda veterum Geometrarum Analysis merito princeps, Pappus Alexandrinus, agnitam nimirum consequentia veritatem, nulla interjecta explicatæ nuper conditionis mentione, plenam adsumptioni facere fidem autemans. Επὶ μὲν τῷ θεωρητικῷ γένει (τῆς σύναλυσεος), τῷ ζητήμενον ὡς ὅν ὑποθέμενοι, καὶ ὡς ἀληθὲς, ἐπίσης δια ἔξι απολέθων ὡς ἀληθῶς, καὶ ὡς ἔστι καθ' ὑπόθεσιν, προελθούτες ἐπὶ τῇ ὁμολογήμενον ἔστι μεν ἀληθὲς ἢ ἐκεῖνο τὸ ὁμολογήμενον, ἀληθὲς ἔστι καὶ τὸ ζητήμενον, καὶ ἡ ἀπόδεξις αντίστροφος τῇ σύναλυσει ἔστι δὲ ψεύδες ὁμολογημένων ἐντύχωμεν, ψεύδος ἔστι καὶ τὸ ζητήμενον. *Collect. Math. Libr. VII. init. Praef. DAV. GREGORII ad Eucl. Libb. insert.*

sumta veram eliciens consequentiam, nil prorsus juvat, nisi, ut supra monuimus, ita reciprocentur adsumptio & consequens, ut illam ex hoc inverso ordine colligere possis. Duabus igitur absolvitur partibus Analytica demonstratio ipsius adsumptionis: quarum prior, dicta a *Pappo ἀναλυτι*, a propositione demonstranda quoddam manifesto verum consequi ostendit, posterior vero (*ἀπόδεξις* nimirum *ἀντίσχοφος τη̄ ἀναλύσεως*) ex illo evidenter vero, quod postremum fuit *ἐν τῇ ἀναλύσει*, ipsam eliciat, ex qua profecta est Analysis, adsumptionem. Omnis vero vis ipsius demonstrationis in eo continetur, quod adsumptionem propositioni evidenter veræ æquipollere ostendat. Æquipollentia autem judicia non tantum ea dicimus, quorum ex cognitis terminorum significationibus manifesta elucet identitas, sed quæ ita cohærere demonstrare possis, ut utracunque admissa altera non possit non admitti. Qua demonstrata adsumptionis cum consequenti æquipollentia, quia hujus conceditur veritas, absolum erit, illam haud esse veram urgere.

Quæratur *e*, gr. an sint æqualia triangula *a* & *b*, eandem habentia basin & altitudinem? Quod analytice experturus, ea esse æqualia adsumo. Unde, constructis parallelogrammis *A* & *B*, (quorum illud ex duplo trianguli *a*, hoc ex duplo τ&#8828; *b* componitur) eandem tum basin tum altitudinem habituris, esse æqualia hæc quoque parallelogramma colligo. Sed vero hoc ipsum ex iis esse, quorum antea constat veritas, jam recurrit. Habeo igitur, ex quo inverso ordine tentandæ capiam *ἀπόδεξις* initium. Cujus peragendæ negotio supercedere minime licet, nisi perspecta antea fuerit propositionis demonstranda ipsiusque, quam ex ea elicuiimus, Theorematis *ἰσοδυναμία*.

Plura adferre, præsentem illustratura materiem, ea, qua premimur, nos vetat temporis angustia, filum tractatiunculae heic abrumpere coactus.